

2011年度 ミクロ経済学中級b第3回演習解答

グレーヴァ香子担当クラス

1. $c \in A \setminus \{a, b\}$ が選ばれないことを示せばよい。

背理法の仮定として、 $(\succ_1, \succ_2^{(0)}, \dots, \succ_N^{(0)})$ の下でそのような c が選ばれたとする。

$(\succ_1, \succ_2^{(0)}, \dots, \succ_N^{(0)})$ と、その1ステップ前で b が a のすぐ下にきている \succ_1 を使った、 $(\succ_1, \succ_2^{(0)}, \dots, \succ_N^{(0)})$ (下図) を比べる。

\succ_1	$\succ_2^{(0)}$...	$\succ_N^{(0)}$	\succ_1	$\succ_2^{(0)}$...	$\succ_N^{(0)}$
b	a	...	a	a	a	...	a
a	\vdots	\vdots	\vdots	b	\vdots	\vdots	\vdots
\vdots	\vdots	\vdots	\vdots	\vdots	\vdots	\vdots	\vdots
...	b	...	b	...	b	...	b

c は a, b とは異なるので、どちらの選好でも個人1では a, b より下にある。ゆえに、 c より下にランクされている任意の y についてはどちらの選好でも順序が変わっていない。したがって MON から $f(\succ_1, \succ_2^{(0)}, \dots, \succ_N^{(0)}) = c$ となるはずである。しかし、 $(\succ_1, \succ_2^{(0)}, \dots, \succ_N^{(0)})$ において、 a はすべての個人によって他の選択肢より厳密に好まれているので、Weak Pareto より a が選ばれるはずである。矛盾。

2. $\succ^{(4)}$ を見ると、全員が c を b より強く選好している。従って、Weak Pareto より $c F(\succ^{(4)}) b$ 。

a と c のペアについては $\succ^{(3)}$ と $\succ^{(4)}$ では誰も順序が変わっていない。

IIA より $a F(\succ^{(4)}) c$ 。あわせて $a F(\succ^{(4)}) c F(\succ^{(4)}) b$ 。